

# 正規描述與自動驗證

Formal Description & Automated Verification

王 凡

國立台灣大學 電機工程  
系

## 產業升級壓力下的一代

- 大前研一（未來分析家）：「台灣未來五年優勢只剩下五年。」
- 杜書伍（聯強國際）：「台灣未來五年優勢只剩下五年。」
- 歐陽明（大陸的數位內）：「台灣未來五年優勢只剩下五年。」

台灣未來產業的優勢在哪裡？  
各位五年後的競爭力在哪裡？

## Verification (驗證) ?

- 找出系統設計中的所有錯誤。
- 確認系統中已經（接近）沒有錯誤。

*非常困難！  
複雜系統的決勝關鍵！  
各位同學的一條生路！  
台灣產業的一條生路！*

## 簡介

- 瞭解電腦系統的**formal semantics**
- 學習電腦輔助驗證的理論與製作



## 瞭解電腦系統的formal semantics

```

divide (a, b) {
  while (a > 0)
    a = a-b;
  if (a == 0) return 1;
  else return 0;
}

```

Is this program correct? How do I know?

It checks if a is divisible by b.

I doubt it! What if b is 0?

Well, sometimes happens! 🍌

## 瞭解電腦系統的formal semantics

```
divide (a, b) {  
  while (a > 0)  
    a = a-b;  
  if (a == 0) return 1;  
  else return 0;  
}
```

Seriously, what does "a=a-b;" means ?

What does this 'if' statement means ?

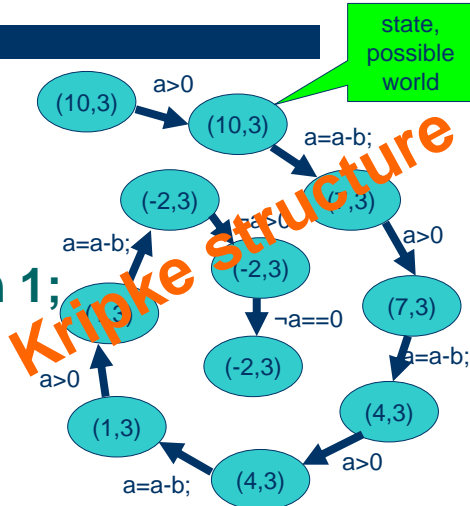
## 瞭解電腦系統的formal semantics

- When we say a program is correct, what is the behavior model of the program ?
- What is the mathematics of program behaviors ?

# 瞭解電腦系統的formal semantics

```

divide (a, b) {
  while (a > 0)
    a = a-b;
  if (a == 0) return 1;
  else return 0;
}
    
```



# 瞭解電腦系統的formal semantics - an attempt

- ① divide (a, b) r = p(k) state k;
  - ② while (a > 0) state k;
  - ③ a = a-b; state k;
  - ④ if (a == 0) re
  - ⑤ else ret
  - ⑥ }
- $\forall k \geq 0 (p(k) \rightarrow a(k+1) == a(k) - b(k))$

First-order arithmetic!  
 A lot of tools can help you predict the behaviors of the program.



## 學習電腦輔助驗證的理論與製作

### *Goedel's incompleteness theorem:*

- 任何有限規則系統，都有一個無法證明的事實。

### *State-space explosion problem ?*

- When a and b are both 32 bits long, # states  
 $2^{32} \times 2^{32}$
- The safety analysis problem of Boolean program is PSPACE-complete.
- The satisfiability problem of LTL is PSPACE-complete.
- The satisfiability problem of 1<sup>st</sup>-order logics is undecidable!
  - No algorithm exists!
- The safety analysis problem of algorithm is undecidable!

## Things to learn in the course

- Mathematical models of computer systems
  - Only with mathematical models, you can build EDA tools.
- Their expressiveness
- Their computation powers and complexities
- Practical techniques to overcome the complexity!

## 課程規劃：

- 建立基本的電腦輔助驗證的知識。
  - 前面數節課，教授基礎知識。
- 互動教學，聊解最新動態。
  - 依同學人數，排定論文研讀報告。
- 三個學期計畫，深入探討技術問題。
  - 研究問題探討、實驗系統製作。
  - 結案報告以頭影片準備，要顯示適當的努力。
  - 三人一組。每次期中報告，每組準備投影片報告。

## 教學進度規畫：

- 1、2/27：課程簡介、問卷調查
- 2、3/6：propositional logic 與BDD技術
- 3、3/13：第一次學期計畫討論（Sudoku程式）
- 4、3/20：自動驗證/分析模型的建立與討論
- 5、3/27：第一次學期計畫期中報告  
古典時態邏輯與自動機理論的定義
- 6、4/3：真時自動機理論與模型建立
- 7、4/10：繳交第一次學期計畫  
第二次學期計畫討論（運算的precondition）  
混和自動機與各種無限狀態空間系統的模型
- 8、4/17：期中考
- 9、4/24：表達能力與計算複雜度、第二次學期計畫期中報告

## 教學進度規畫（續）：

- 10、5/1：符號式自動驗證技術、Bounded Model-Checking
- 11、5/8：繳交第二次學期計畫  
第三次學期計畫討論（safety analyzer的製作）  
複雜度的管理、組合式驗證、on-the-fly技術
- 12、5/15：無限狀態系統的自動驗證技術  
SOC 自動驗證技術
- 13、5/22：C程式的自動驗證技術、第三次學期計畫期中報告
- 14、5/29：論文閱讀報告
- 15、6/5：論文閱讀報告
- 16、6/12：論文閱讀報告、繳交第三次學期計畫
- 17、6/26：期末考



## 課程網頁

<http://cc.ee.ntu.edu.tw/~farn/courses/FMV/>

## 參考資料：

- Handbook of Logic in Computer Science: Vol. 1-2, edited by S. Abramsky (1993), Oxford.
- *Handbook of Theoretical Computer Science*, Vol. A & B, edited by J. van Leeuwen, Elsevier.
- Model Checking, E. Clarke, O. Grumberg, D. Peled, MIT Press
- Formal Methods for Real-Time Systems  
edited by C. Heitmeyer, D. Mandrioli, Wiley
- 重要論文